

**Barem – varianta 4**

I. 1.  $[2022 - 2022: (2022 - 2022: 337 - a)] = 2020 \Rightarrow \dots\dots\dots(2p)$   
 $\Rightarrow 2022: (2022 - 6 - a) = 2 \Rightarrow \dots\dots\dots(5p)$   
 $\Rightarrow 2016 - a = 1011 \Rightarrow \dots\dots\dots(5p)$   
 $\Rightarrow a = 1005 \dots\dots\dots(3p)$

2. a)  $\{ [5 \times (207 + 33) + 3 \times 102 + 494] : 50 + 8 \} : 12 =$   
 $= [ (5 \times 240 + 306 + 494) : 50 + 8 ] : 12 = \dots\dots\dots (2p)$   
 $= [ (1200 + 306 + 494) : 50 + 8 ] : 12 =$   
 $= (2000 : 50 + 8) : 12 = \dots\dots\dots(3p)$   
 $= (40 + 8) : 12 = 4 \dots\dots\dots (2p)$

b)  $9+12+15+\dots+2022-8-11-14-\dots-2021=$   
 $= 1+1+\dots+1$  (4p) de  $(2022-9):3+1$  ori  
 $=672$  (4p)

II. 1. Avem  $77 = 7 \times 11$  (5p)  
 Prin urmare  $77 = 7 \times 11 \times \underbrace{1 \times 1 \times \dots \times 1}_{\text{de 59 de ori}} = 7 + 11 + \underbrace{1 + 1 + \dots + 1}_{\text{de 59 de ori}}$ , adică numerele sunt 7, 11,  $\underbrace{1, 1, \dots, 1}_{\text{de 59 de ori}}$  (10p)

2. Notăm cu:  $N$  numărul inițial,  
 $\overline{n}$  numărul obținut prin tăierea ultimelor două cifre ale lui  $N$ ,  
 $\overline{ab}$  numărul format de ultimele două cifre ale lui  $N$ .

Cazul 1  $a \neq 0$

Numărul  $N$  se poate scrie, după tăierea ultimelor 2 cifre:  $N = n \times 100 + \overline{ab} \dots\dots\dots 3 p$

Numărul  $N$ , fiind de 101 ori mai mare decât  $n$ , avem și egalitatea  $N = n \times 101 \dots\dots\dots 3 p$

Atunci obținem egalitatea  $n \times 100 + \overline{ab} = n \times 101$ , din care  $\overline{ab} = n \times 101 - n \times 100$

Deci  $\overline{ab} = n$  și atunci  $N = \overline{ab} \times 100 + \overline{ab} \dots\dots\dots 2p$

adică  $N = \overline{abab}$ , cu  $a$  cifră diferită de 0, oarecare, iar  $b$  cifră oarecare.

Pentru cifra  $a$  sunt 9 cazuri și pentru cifra  $b$  sunt 10 cazuri,  
 deci vom avea  $9 \times 10 = 90$  de numere  $N$ .  $\dots\dots\dots 2 p$

Cazul 2  $a = 0$

Analog cu cazul 1 se obține  $N = n \times 100 + b$ , de unde  $n = b$  și  $N = 101b \dots\dots\dots 2p$

Deoarece  $b = 0$  nu convine,  $b$  poate lua 9 valori, deci vom avea 9 numere  $N$ .  $\dots\dots\dots 2p$

În concluzie există  $90+9=99$  de numere  $N$  cu proprietatea din enunț.  $\dots\dots\dots 1p$

III. a)  $2022=4 \times 505+2$ . A 2022-a cifră a lui  $n$  este a doua cifră din secvența a 506-a, deci este zero (10p).

b)  $a=505 \times 6+2$ ,  $b=505 \times 6+4$ .  $b$  este mai mare ca  $a$  cu 2 (10p)

c) Cifrele de pe pozițiile 3, 6, 9, 12 sunt: 2, 0, 2, 2.

Deoarece primele 12 cifre ale numărului formează 3 secvențe complete de câte 4 cifre consecutive, acestea se vor repeta în următoarea grupare de câte 3 secvențe.

Numărul de grupe 20220222022, pe care le putem forma cu cele 4 x 2022 cifre ale lui  $n$  este:  
 $8088 : (3 \times 4) = 674$  (5p)

Suma este  $674 \times (2 + 0 + 2 + 2) = 4044$  (5p)

**Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.**